

**UNIVERSIDAD DE CONCEPCIÓN**  
**Facultad de Ingeniería**  
**Departamento de Ingeniería Mecánica**

**Profesor Patrocinante**  
Dr. Gabriel Barrientos Ríos  
**Profesor Co-Patrocinante**  
Dr. Emilio Dufeu Delarze

**TÉCNICAS DE CONTROL MODERNO ENFOCADAS A LA  
DINÁMICA DE MULTI-CUERPOS FLEXIBLES**

**CLAUDIO ALBERTO SOLÍS ORREGO**

Informe de Memoria de Título  
para optar al Título de

**Ingeniero Civil Mecánico**



Marzo 2001

## **SUMARIO.**

Este trabajo se puede dividir en dos partes fundamentales: la primera parte está avocada al estudio de técnicas de control moderno, específicamente técnicas para sistemas no-lineales y la segunda parte comprende un estudio de la dinámica y el control de estructuras flexibles.

Así en la primera parte se presentan los conceptos básicos y herramientas fundamentales para el análisis de sistemas no-lineales. Además se realiza un estudio de técnicas de control para éste tipo de sistemas, dando una descripción más detallada de las más utilizadas para el control de la dinámica de multi-cuerpos e ilustrando su implementación a través de la aplicación al caso de un robot rígido. En la segunda parte se presentan algunos de los principales resultados en el control de estructuras flexibles, describiéndose los distintos modelos y las técnicas utilizadas para su control. Se presenta además la formulación teórica y las potencialidades de un modelo particular de multi-cuerpos flexibles, en que la deflexión de cada componente del cuerpo obedece a las hipótesis de una viga Euler-Bernoulli y el movimiento global del sistema es obtenido a través de un modelo de cuerpo rígido.

Finalmente en este trabajo se aborda el control de estructuras flexibles utilizando este modelo no-lineal. Para ello se analiza el efecto de la flexibilidad sobre el desempeño del sistema de control, además se desarrolla una técnica de control por linealización entrada-salida para éste tipo especial de multi-cuerpos flexible, cuyos resultados son analizados.

# ÍNDICE.

<b>Sumario .....</b>	<b>I</b>
<b>Índice .....</b>	<b>II</b>
<b>Nomenclatura .....</b>	<b>V</b>
<b>Capítulo 1: Introducción .....</b>	<b>01</b>
1.1 Motivación .....	02
1.2 Objetivo del Trabajo .....	03
1.3 Organización de la memoria .....	03
1.4 Conceptos Básicos de Control Automático .....	04
<b>Capítulo 2: Análisis de Sistemas No-Lineales .....</b>	<b>08</b>
2.1 Introducción .....	08
2.2 Estabilidad de Sistema Dinámicos .....	08
2.2.1 Estabilidad de Lyapunov .....	09
2.2.2 Estabilidad Asintótica y Exponencial .....	10
2.3 Métodos para Análisis de Estabilidad de Lyapunov .....	10
2.3.1 Estabilidad Local y Linealización .....	10
2.3.2 Método directo de Lyapunov .....	11
2.3.3 Teorema de los Conjuntos Invariantes .....	12
2.4 Análisis de Sistemas Basados en Lyapunov .....	13
2.4.1 Método de Krasovskii .....	13
2.5 Método Directo de Lyapunov Basado en Características Físicas .....	14
2.5.1 Estabilidad Asintótica Global de un Controlador de Posición para un Robot .....	15
2.6 Conclusiones y Comentarios del Capítulo .....	17
<b>Capítulo 3: Control de Sistemas No-Lineales .....</b>	<b>19</b>
3.1 Introducción .....	19
3.1.1 Tareas del Control No-Lineal .....	19
3.1.2 Comportamiento Deseado para los Sistemas No-Lineales .....	20

3.1.3 Procedimiento para el Diseño del Sistema de Control .....	21
3.1.4 Principales Dificultades en el Diseño de Controladores para Sistemas No-Lineales...	21
3.1.5 Métodos Disponibles para el Diseño de Controladores No-Lineales .....	22
3.1.6 Comparación entre las Distintas Técnicas de Control .....	24
3.2 Regulación Vía Linealización .....	25
3.2.1 Regulación con Realimentación de Estados .....	26
3.2.2 Regulación con Observador y Realimentación de Estados .....	26
3.3 Técnicas de Linealización por Realimentación .....	27
3.3.1 Linealización Vía Realimentación y la Forma Canónica .....	28
3.3.2 Técnicas de Linealización Alternativas .....	29
3.4 Técnica de Control Robusto por Superficies de Deslizamiento .....	30
3.4.1 Superficies de Deslizamiento .....	30
3.4.2 Existencia de Régimen de Deslizamiento .....	32
3.4.3 Método de Control para Superficies Deslizantes .....	33
3.5 Conclusiones y Comentarios del Capítulo .....	36
<b>Capítulo 4: Diseño de Sistemas de Control Moderno .....</b>	<b>37</b>
4.1 Introducción .....	37
4.2 Descripción del Robot prototipo .....	38
4.2.1 Modelo Dinámico del Prototipo .....	38
4.2.2 Modelación de robot en variables de estado .....	39
4.3 Control de Posicionamiento para Robots Rígidos .....	40
4.3.1 Regulación con controlador PD .....	41
3.1.2 Regulación Vía Linealización con Realimentación de Estados .....	43
4.4 Control de Trayectoria para Robots Rígidos .....	46
4.4.1 Control de Trayectoria por Linealización Vía Realimentación .....	46
4.4.2 Control de Trayectoria por Superficies de Deslizamiento .....	50
4.5 Conclusiones y Comentarios del Capítulo .....	54
<b>Capítulo 5:Control de Multi-Cuerpos Flexibles .....</b>	<b>56</b>
5.1 Introducción .....	56
5.1.1 Control de Trayectoria para el Modelo de Juntas Flexibles .....	56
5.1.2 Control de Vibraciones Mediante Modelo de Viga Continua .....	58

5.2 Modelación de un Multi-Cuerpo Flexible .....	58
5.2.1 Modelo Cinemático de un Multi-Cuerpo Flexible .....	59
5.2.2 Modelo Dinámico de un Multi-Cuerpo Flexible .....	60
5.2.3 Discretización de las Ecuaciones Dinámicas .....	62
5.2.4 Implementación y Simulación computacional .....	63
5.3 Control de un Multi-Cuerpo Flexible .....	65
5.3.1 Influencia de la Flexibilidad en el Desempeño del Sistema de Control .....	65
5.3.2 Control de Trayectoria por Linealización Entrada-Salida .....	67
5.4 Conclusiones y Comentarios del Capítulo .....	68
<b>Capítulo 6: Resultados y Conclusiones.</b> .....	<b>70</b>
6.1 Análisis de Resultados del Trabajo .....	70
6.2 Conclusiones Relevantes .....	70
6.3 Futuros Trabajos Relacionados .....	71
<b>Bibliografía</b> .....	<b>72</b>
<b>Anexo A</b> .....	<b>74</b>